

# Analisi Matematica I

## A

13 settembre 2013

- Esercizio 1  
i) Prolungare, se possibile, per continuità la funzione

$$f(x) = \sin(\cot x),$$

giustificando ogni passaggio.

- ii) Definire la continuità di una funzione in un punto.

- Esercizio 2  
Studiare la funzione

$$f(x) = x\sqrt{1-x^2}.$$

- Esercizio 3  
i) Sia

$$f(x) = x \cos(x^2) e^{\sin(x^2)}$$

Trovare l'area con segno A della regione piana compresa tra i grafici di  $f$  e di  $-f$  tra i punti  $a = 0$  e  $b = \sqrt{\frac{\pi}{2}}$  giustificando ogni passaggio.

- ii) Enunciare il teorema fondamentale del calcolo integrale.
- iii) Verificare se  $f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ , relativa al punto i), soddisfa il teorema fondamentale del calcolo integrale.

# Analisi Matematica I

## B

13 settembre 2013

- Esercizio 1

i) Prolungare, se possibile, per continuità la funzione

$$f(x) = \cos(\tan x),$$

giustificando ogni passaggio.

ii) Definire la continuità di una funzione in un punto.

- Esercizio 2

Studiare la funzione

$$f(x) = -x\sqrt{x^2 - 1}.$$

- Esercizio 3

i) Sia

$$f(x) = 2x \sin(x^2) e^{\cos(x^2)}$$

Trovare l'area con segno  $A$  della regione piana compresa tra i grafici di  $f$  e di  $-f$  tra i punti  $a = 0$  e  $b = \sqrt{\frac{\pi}{2}}$  giustificando ogni passaggio.

ii) Enunciare il teorema fondamentale del calcolo integrale.

iii) Verificare se  $f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ , relativa al punto i), soddisfa il teorema fondamentale del calcolo integrale.